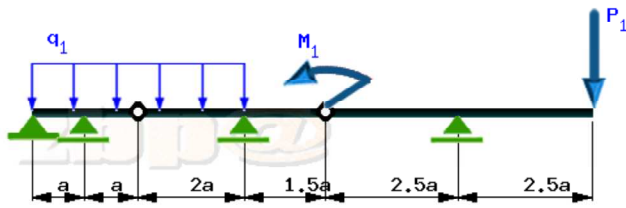


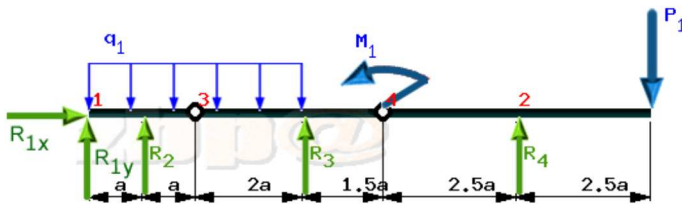
Dla belki przedstawionej na rysunku i obciążonej w podany sposób wyznaczyć wykresy momentów gnących i sił tnących.



a=	2000 mm			
q=	15 N/mm			
q1=	-1q	-15 N/mm	0 mm	8000 mm
P=	q·a	30000 N		
P1=	-0.67q·a	-20000 N	21000 mm	
M=	q·a <sup>2</sup>	60000000 Nmm		
M1=	-1.33q·a <sup>2</sup>	-800000 Nmm	11000 mm	

R1=	0 mm
R2=	2000 mm
R3=	8000 mm
R4=	16000 mm
przegub1=	4000 mm
przegub2=	11000 mm
nowe dane	

Po uwolnieniu od więzów belka jest obciążona w następujący sposób



możesz teraz napisać warunki równowagi:

$$\begin{aligned} \Sigma F_{ix} &= R_{1x} = 0 \\ \Sigma M_{i1} &= +P_1 \cdot 10.5a - R_2 \cdot 1a - R_3 \cdot 4a - R_4 \cdot 8a + q_1 \cdot 4a \cdot 2a - M_1 = 0 \\ \Sigma M_{i2} &= +P_1 \cdot 2.5a + R_1 \cdot 8a + R_2 \cdot 7a + R_3 \cdot 4a - q_1 \cdot 4a \cdot 6a - M_1 = 0 \\ \Sigma M_{i3} &= +R_1 \cdot 2a + R_2 \cdot 1a - q_1 \cdot 2a \cdot 1a = 0 \\ \Sigma M_{i4} &= +R_1 \cdot 5.5a + R_2 \cdot 4.5a + R_3 \cdot 1.5a - q_1 \cdot 4a \cdot 3.5a = 0 \end{aligned}$$

po rozwiązaniu tego układu równań otrzymujesz wielkości reakcji w podporach:

$$\begin{aligned} R_4 &= 24000 \text{ N} \\ R_3 &= 23000 \text{ N} \\ R_2 &= 126000 \text{ N} \\ R_1 &= -33000 \text{ N} \end{aligned}$$

W poszczególnych przedziałach momenty gnące i siły tnące możesz opisać zależnościami:

dla  $0a < x < 1a$

$$\begin{aligned} M_g &= +R_{1y} \cdot x - q_1 \cdot x \cdot x / 2 \\ T &= +R_{1y} - q_1 \cdot x \end{aligned}$$

w rozpatrywanym przedziale może wystąpić maksimum  $M_g$  kiedy

$$\frac{dM_g}{dx} = +R_{1y} - q_1 \cdot x = 0$$

obliczając x otrzymujemy

$$x = \frac{+R_{1y}}{q_1}$$

maksimum funkcji dla  $x = -1.1a$  - jest to zatem poza rozpatrywanym przedziałem.

W rozpatrywanym przedziale funkcji  $M_g$  nie posiada ekstremum.

dla  $1a < x < 2a$

$$\begin{aligned} M_g &= +R_{1y} \cdot x + R_2 \cdot (x-a) - q_1 \cdot x \cdot x / 2 \\ T &= +R_{1y} + R_2 - q_1 \cdot x \end{aligned}$$

w rozpatrywanym przedziale może wystąpić maksimum  $M_g$  kiedy

$$\frac{dM_g}{dx} = +R_{1y} + R_2 - q_1 \cdot x = 0$$

obliczając x otrzymujemy

$$x = \frac{+R_{1y} + R_2}{q_1}$$

maksimum funkcji dla  $x = 3.1a$  - jest to zatem poza rozpatrywanym przedziałem.

W rozpatrywanym przedziale funkcji  $M_g$  nie posiada ekstremum.

dla  $2a < x < 4a$

$$M_g = +R_{1y} \cdot x + R_2 \cdot (x-a) - q_1 \cdot x \cdot x/2$$

$$T = +R_{1y} + R_2 - q_1 \cdot x$$

w rozpatrywanym przedziale może wystąpić maksimum  $M_g$  kiedy

$$\frac{dM_g}{dx} = +R_{1y} + R_2 - q_1 \cdot x = 0$$

obliczając  $x$  otrzymujemy

$$x = \frac{+R_{1y} + R_2}{q_1}$$

w przedziale faktycznie występuje ekstremum  $M_g$  dla  $x = 3.1a$

dla  $4a < x < 5.5a$

$$M_g = +R_{1y} \cdot x + R_2 \cdot (x-a) + R_3 \cdot (x-4a) - q_1 \cdot 4a \cdot (x-2a)$$

$$T = +R_{1y} + R_2 + R_3 - q_1 \cdot 4a$$

dla  $5.5a < x < 8a$

$$M_g = +R_{1y} \cdot x + R_2 \cdot (x-a) + R_3 \cdot (x-4a) - M_1 - q_1 \cdot 4a \cdot (x-2a)$$

$$T = +R_{1y} + R_2 + R_3 - q_1 \cdot 4a$$

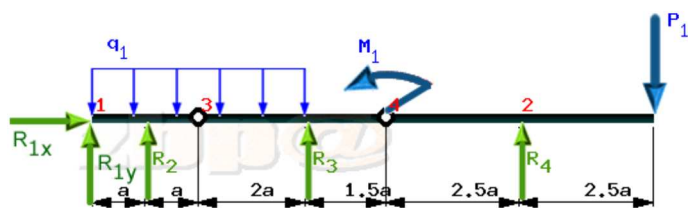
dla  $8a < x < 10.5a$

$$M_g = +R_{1y} \cdot x + R_2 \cdot (x-a) + R_3 \cdot (x-4a) + R_4 \cdot (x-8a) - M_1 - q_1 \cdot 4a \cdot (x-2a)$$

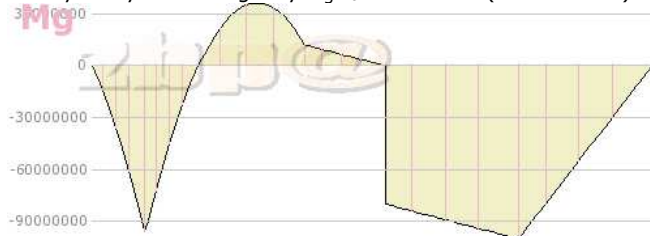
$$T = +R_{1y} + R_2 + R_3 + R_4 - q_1 \cdot 4a$$

Wartości momentów gnących i sił tnących w poszczególnych przedziałach są następujące:

x [mm]	$M_g$ [Nmm]	T [N]
0a	0	-33000
1a	-9.6E+7	-63000
1a	-9.6E+7	63000
2a	0	33000
2a	0	33000
3.1a	3.63E+7	0
4a	1.2E+7	-27000
4a	1.2E+7	-4000
5.5a	0	-4000
5.5a	-80000000	-4000
8a	-100000000	-4000
8a	-100000000	20000
10.5a	0	20000



maksymalny moment gnący  $M_{gmax} = 3.63E+7$  (-100000000)



maksymalna siła tnąca  $T_{max} = 63000$  (-63000)

